

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Министерство образования Иркутской области  
Комитет по образованию администрации города Братска  
МБОУ г. Братска "Лицей № 2"

РАССМОТРЕНО  
На заседании Научно-методического  
совета МБОУ "Лицей № 2"

Заместитель директора по  
НМР Кучменко Н.А.  
Протокол № 4 от «30» мая 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО  
Директор МБОУ "Лицей № 2"

Кулешова Ю.М.  
Приказ 195/3 от «31» августа 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
учебного (факультативного) курса  
«Дискретная математика»  
для обучающихся 10-11 классов  
(среднее общее образование, углубленный уровень)

Предметная область: математика и информатика

Составитель:  
Шуматбаева Татьяна Павловна,  
учитель математики,  
первая квалификационная категория

Братск, 2023

## **Пояснительная записка**

Рабочая программа учебного (факультативного) курса Дискретная математика для 10 - 11 классов составлена в соответствии с требованиями Федерального Государственного образовательного стандарта среднего общего образования, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17 мая 2012 г., № 413 и направлена на достижение результатов освоения основной образовательной программы среднего общего образования МБОУ «Лицей № 2»; на основе учебного пособия Шевелёва Ю.П. Дискретная математика.

Спирина М.С. Дискретная математика : учебник для студ. учреждений сред. проф. образования / М.С. Спирина, П.А. Спирин. -7-е изд., стер. – М. : Издательский центр «Академия», 2012.- 368 с., Судоплатов С.В., Овчинникова Е.В. Дискретная математика : учебник, НГТУ, 2011.

Математика стала частью нашей культуры. Человек не может считать себя широкообразованным, не имея представления о современной математике, её роли в повседневной жизни, в науке. Для понимания излагаемых вопросов достаточно знаний в объеме программы средней школы. Некоторые затруднения может вызывать широкое использование языка теории множеств. Чтобы этого не произошло, изложение факультативного курса начинается именно с этой темы. Факультативный курс «Дискретная математика» займёт значимое место в профильном образовании старшеклассников, так как может научить их применять свои умения в нестандартных ситуациях, дать возможность «поучиться не для аттестата», а для реализации последующих жизненных планов,

Целесообразность введения данного курса состоит и в том, что его содержание, форма его организации позитивно влияют на мотивацию старшеклассника к обучению, развивают его учебную мотивацию по предметам естественно-математического и информационного циклов, помогут школьнику через практические занятия оценить свой потенциал с точки зрения образовательной перспективы и предоставляют ему возможность оценить прикладную значимость дискретной математики.

**Целью** реализации программы является знакомство учащихся с дискретной математикой, а именно с элементами математической логики, теорией множеств, комбинаторикой, теорией графов; углубление знаний учащихся о различных методах решения оптимизационных задач, использующих алгоритмический подход; формирование у школьников компетенций, направленных на выработку навыков самостоятельной и групповой исследовательской деятельности.

### **Задачи курса:**

1. Углубление имеющихся знаний элементов алгебры логики, теории множеств, комбинаторных знаний и изучение новых сложных математических методов.
2. Изучить новые математические методы и приёмы решения задач. Построение графовых моделей, применение знаний к решению прикладных задач.
3. Развитие общей логики рассуждений учащихся: умения анализировать, сопоставлять, сравнивать, систематизировать и обобщать.
4. Воспитание личности в процессе освоения математики и математической деятельности, развитие у учащихся самостоятельности и способности к самоорганизации.
5. Обучение различным методам использования графов в дальнейшей профессиональной деятельности.

Курс рассчитан на 2 года (всего 68 часов).

Программа предусматривает использование следующего учебно-методического комплекта:

1. Шевелёв Ю.П. Дискретная математика: Учеб. пособие СПб.: Лань, 2016.-592 с.:ил.,
2. Спирина М.С. Дискретная математика : учебник для студ. учреждений сред. проф. образования / М.С. Спирина, П.А. Спирин. -7-е изд., стер. – М. : Издательский центр «Академия», 2012.- 368 с.,
3. Судоплатов С.В., Овчинникова Е.В. Дискретная математика : учебник, НГТУ, 2011.
4. Харари. Ф Теория графов/ Пер. с англ. и предисл. В.П. Козырева. Под ред. Г.П. Гаврилова. Изд. 2-е. – М.: Едиториал УРСС, 2003.- 296с.

### **Планируемые результаты освоения факультативного курса «Дискретная математика»**

Параллель	Предметные	Метапредметные	Личностные
10 класс	<p>Работать с математическим текстом (структуривание, извлечение необходимой информации), точно и грамотно выражать свои мысли в устной и письменной речи, применяя математическую терминологию и символику, использовать различные языки математики (словесный, символический, графический), обосновывать суждения. Владеть базовым понятийным аппаратом: теорией высказывания, основные логические связки, логические формулы, конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств, задавать множества перечислением и характеристическим свойством; вычислять количество упорядоченных разбиений множества на подмножества. вычислять</p>	<p><b>Регулятивные учащиеся научатся:</b> формулировать и удерживать учебную задачу; выбирать действия в соответствии с поставленной задачей и условиями реализации; планировать пути достижения целей, адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, её объективную трудность и собственные возможности её решения.</p> <p><b>Познавательные учащиеся научатся:</b> самостоятельно выделять и формулировать познавательную цель; использовать общие приёмы решения задач; создавать, применять и преобразовывать знаково-символические</p>	<p><b>Могут быть сформированы:</b> первоначальные представления о математической науке как сфере человеческой деятельности, коммуникативная компетентность в общении и сотрудничестве со сверстниками в образовательной, учебно-исследовательской, творческой и других видах деятельности; критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта; креативность мышления, инициативы, находчивости, активности при решении математических задач.</p>

	<p>количество неупорядоченных разбиений множества на подмножества; различать схемы с повторением и без повторения; применять правила комбинаторики при решении задач; вычислять коэффициенты в полиномиальной формуле, биномиальные коэффициенты; использовать свойства биномиальных коэффициентов при решении задач. самостоятельно приобретать и применять знания в различных ситуациях для решения несложных практических задач, в том числе с использованием при необходимости справочных материалов, калькулятора и компьютера; пользоваться предметным указателем энциклопедий и справочником для нахождения информации.</p>	<p>средства, модели и схемы для решения задач; самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем</p> <p><b>Коммуникативные учащиеся научатся:</b> организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками: определять цели, распределять функции и роли участников; взаимодействовать и находить общие способы работы; работать в группе.</p>	
11 класс	<p>Владеть базовым понятийным аппаратом: рекуррентные отношения, класс линейных рекуррентных отношений, основные понятия теории графов, различные типы графов.</p> <p>Иметь представление о матрице смежности и матрице инцидентности.</p>	<p><b>Регулятивные учащиеся научатся:</b> осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач; составлять план и последовательность действий;</p> <p><b>Познавательные</b></p>	<p><b>Будут сформированы:</b> ответственное отношение к учению; готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию; понимать смысл поставленной задачи,</p>

	<p>Дается понятие об эйлеровом и гамильтоновом графах.</p> <p>Выполнять математические преобразования, применять их для решения учебных математических, графических задач, связанных с построением графов.</p> <p>Самостоятельно действовать в ситуации неопределенности при решении актуальных проблем, а также самостоятельно интерпретировать результаты решения задач с учетом ограничений, связанных с реальными свойствами рассматриваемых процессов и явлений.</p>	<p><b>учащиеся научатся:</b></p> <p>понимать сущность алгоритмических предписаний и уметь действовать и соответствии с предложенным алгоритмом;</p> <p>понимать и использовать математические средства наглядности (рисунки, чертежи, схемы и др.) для иллюстрации, интерпретации, аргументации;</p> <p>находить в различных источниках информацию, необходимую для решения математических проблем, и представлять её в понятной форме.</p> <p><b>Коммуникативные</b></p> <p><b>учащиеся научатся:</b></p> <p>организовывать учебное сотрудничество и совместную деятельность с учителем и сверстниками:</p> <p>определять цели, взаимодействовать и находить общие способы работы;</p> <p>работать в группе:</p> <p>аргументировать свою позицию и координировать её с позициями партнеров в сотрудничестве при выработке общего</p>	<p>выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры;</p> <p>начальные навыки адаптации в динамично изменяющемся мире;</p> <p>формирование способности к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;</p> <p>умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности.</p>
--	---	---	---

		решения в совместной деятельности.	
--	--	------------------------------------	--

## **Содержание факультативного (курса)**

### **Введение в дискретную математику.**

#### **1. Элементы математической логики**

Высказывания. Составные высказывания. Простейшие связки. Логические отношения.

Решение логических задач.

#### **2. Теория множеств**

Конечные множества. Способы задания множеств. Подмножества. Операции над множествами. Круги Эйлера. Метод включения и исключения. Кортежи. Бинарные отношения. Отображение множеств.

#### **3. Комбинаторика и рекуррентные соотношения**

Введение в комбинаторику. Предмет и методы комбинаторики. Правила суммы и произведения. Перечислительная комбинаторика. Основные комбинаторные конструкции: размещения, сочетания и перестановки в схемах без повторений. Комбинации элементов с повторениями. Комбинаторика и вероятность.

Бином Ньютона. Биномиальные коэффициенты. Свойства биномиальных коэффициентов. Связь между сочетанием, биномиальными коэффициентами и треугольником Паскаля.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Последовательность Фибоначчи. Метод рекуррентных соотношений. Однородные линейные рекуррентные отношения.

#### **4. Графы.**

Введение в теорию графов. История возникновения теории графов. Некоторые основные понятия. Степень вершины. Маршруты, цепи, циклы. Связность графа. Ориентированные графы. Операции над графиками. Графы и бинарные отношения. Способы задания графов. Некоторые типы графов: плоские, эйлеровы, гамильтоновы, деревья. Игры и головоломки с ориентированными графиками. Деревья. Применение графов при решении различных задач

## **Тематическое планирование**

№	Наименование темы	Количество часов, отводимых на освоение темы
<b>10 класс</b>		
<b>1. Элементы математической логики (9 часов)</b>		
1	Высказывания. Истинные и ложные высказывания. Простые и составные высказывания.	1
2	Простейшие связки: отрицание, конъюнкция, дизъюнкция, импликация, эквивалентность.	2
3	Взаимоотношение двух высказываний.	2
4	Решение логических задач различного	3

	типа.	
5	Самостоятельная работа №1	1
<b>2. Теория множеств (8 часов)</b>		
1	Конечные множества и операции над ними	2
2	Решение задач с использованием формулы включений и исключений.	2
3	Бинарные отношения.	1
4	Отображение множеств.	2
5	Самостоятельная работа № 2	1
<b>3. Комбинаторика и рекуррентные соотношения (17 часов)</b>		
1	Предмет и методы комбинаторики	1
2	Схема Горнера	1
3	Правило суммы и умножения	2
4	Основные комбинаторные конструкции: размещения, сочетания в схемах без повторений и с повторением.	4
5	Применение элементов комбинаторики для решения вероятностных задач.	3
6	Бином Ньютона.	1
7	Биномиальные коэффициенты. Свойства биномиальных коэффициентов.	2
8	Связь между сочетанием, биномиальными коэффициентами и треугольником Паскаля.	2
9	Самостоятельная работа № 3	1
<b>11 класс</b>		
<b>3. Комбинаторика и рекуррентные соотношения (9 часов)</b>		
1	Повторение. Основные комбинаторные конструкции	1
2	Арифметическая и геометрическая прогрессии.	2
3	Последовательность Фибоначчи.	1
4	Метод рекуррентных соотношений.	2
5	Решение комбинаторных задач различными способами	2
4	Самостоятельная работа №1	1
<b>5. Графы ( 25 часов)</b>		
1	Введение в теорию графов. Исторические представления. Обоснование важности этого раздела.	2
2	Основные понятия теории графов. Неориентированные графы.	2
3	Ориентированные графы. Степень вершины.	2
4	Маршруты, цепи, циклы.	1
5	Изображение и составление графов.	1

6	<b>Практическая работа</b>	1
7	Способы задания графов: аналитический, геометрический, матричный	2
8	Некоторые виды графов: двудольные, эйлеровы, гамильтоновы, плоские.	2
9	Операции над графами	2
10	Графы и бинарные отношения	1
10	Игры и головоломки с ориентированными графиками	3
11	Деревья. Операции над деревьями.	1
13	Применение графов при решении логических задач.	3
14	Самостоятельная работа № 2.	1
15	Итоговое занятие по теме «Графы»	1
<b>Итого</b>		<b>68 часов</b>

### **Система оценки достижения обучающимися планируемых результатов**

Система оценки достижения обучающимися планируемых результатов Оптимальными формами контроля знаний определены проверочные работы с периодичностью по итогам изучения разделов и ключевым темам. Индивидуальные результаты и достижения учащихся могут быть представлены в виде кроссвордов, задач, составленных самостоятельно, на олимпиадах различного уровня, в виде реферативных и исследовательских работ на научно-практических конференциях. Формами контроля являются самостоятельные и практические работы. Практические и самостоятельные работы оцениваются по пятибалльной системе.